

4. Első feladat

$$K_p = 10^{0.266} = 4.2657 \quad (3)$$

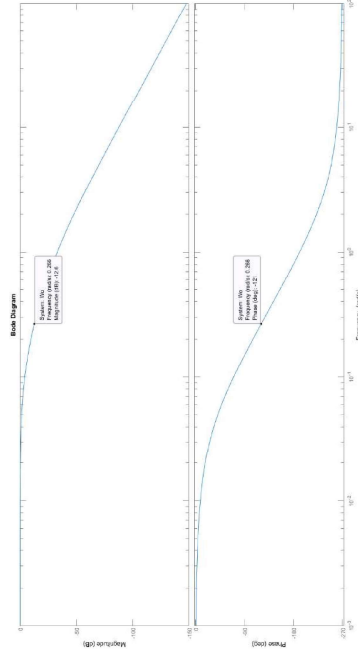
4.1. P szabályozó

Az első feladat az volt, hogy adott fázistartaléokra kellett készíteni különböző szabályozókat. A P típusúval kezdem, amire azt lehet mondani, hogy pontatlan és lassú is, viszont a legegyszerűbb szabályozó típus.

A feladatom a megadott időállandók alapján a következő volt:

$$W(s) = \frac{1}{(1+s0.7)*(1+s2.9)*(1+s11.9)} \quad (2)$$

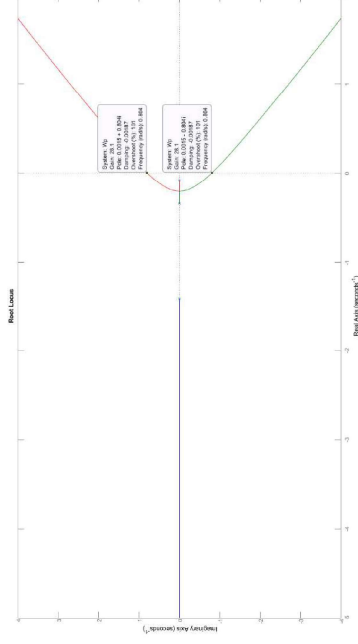
$\varphi_t = 59^\circ$ – os fázistartalékra kellett elkészíteni a szabályozót. Ehhez a MATLAB segítségével ki kellett rajzoltatni a függvény BODE diagramját.



3. ábra. P szabályozó BODE diagramm.

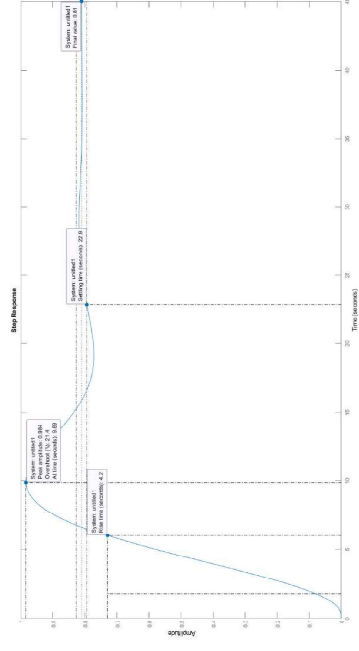
Tehát ha $\varphi_t = 59^\circ$ – os fázistartalékra kellett megtervezni a szabályozót az azt jelenti, hogy a fázisdiagrammon meg kellett keresni a $-180^\circ + 59^\circ = -121^\circ$ - ot és a hozzá tartozó frekvenciát. Ez ebben az esetben $0.266 \frac{\text{rad}}{\text{sec}}$. Ezután ezt a frekvenciát fel kellett vetíteni az amplitúdó diagrammra, ahol meg kellett nézni, hogy ehhez a frekvenciához mekkora erősítés tartozik. A mi esetünkben ez az érték -12.6 dB. Ezt a következő képlettel tudjuk átszámolni lineáris skálára [4,5]:

Gyökhegygörcbe segítségével meghatároztam, hogy mekkora lehet a maximális K_p érték aminél még nem torzul az ugrásválaszunk és az egész rendszertünk.



4. ábra. P szabályozó gyökhegygörcbe.

Itt azt a pontot kellett megkeresni, amikor a függvényünk elmetszi a 0 értéket. A P szabályozónál ez az erősítés érték $K_{pmax} = 28.1$. E felett az értékek felett nem lesz stabil a szabályozónk. Ezután megvizsgáltam a függvény ugrásválaszát, amelyről sok minden leolvasható [9].



5. ábra. P szabályozó ugrásválasz.

Látható, hogy elég lassú felületi idővel és nagy túllövésrel rendelkeznek és stacionárius állapotban is elég nagy eltérés van az elvárt „1” értéktől [4,5].

4.2. PI szabályozó

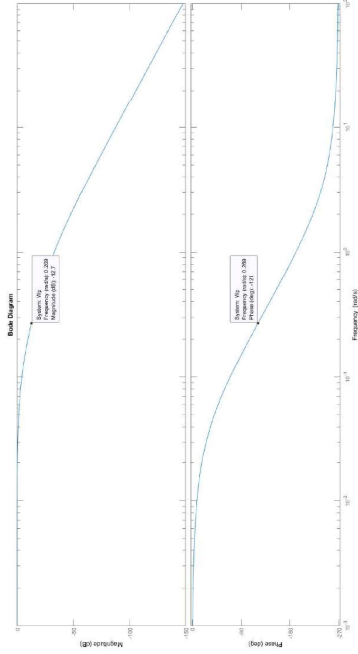
Ennél a szabályozónál egy kis módosításra van szükség ahhoz, hogy póluskiejtést tudjak alkalmazni. Ez annyit jelent, hogy a megadott időállandókból a „leglomhábbat” ki kell ejteni. $T_I = 11.9$ [6].

$$W_c(s) = K_{PI} * \frac{1+sT_I}{sT_I} \quad (4)$$

Miután elvégeztem a szükséges módosítást ezután a függvényem így nézett ki:

$$W_0 = K_{PI} \frac{1}{11.9s(1+0.7s)(1+2.9s)} \quad (5)$$

Ezután ugyanúgy kell eljárnom, mint a P szabályozó esetén. Először tehát megvizsgálom a BODE diagramot és leolvastam a fázisdiagramról, hogy a -121° -hoz milyen érték tartozik.

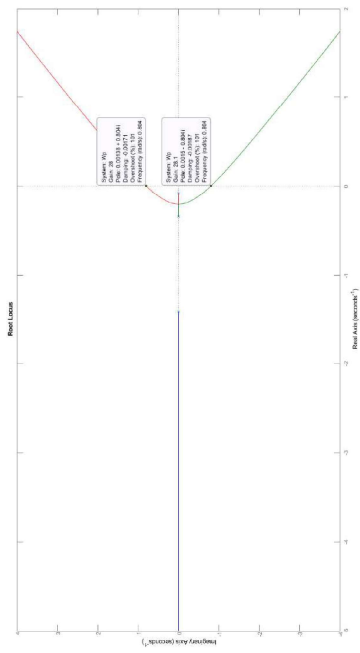


6. ábra. PI BODE diagramm.

Miután megkerestem a -121° -ot, leolvastam a hozzá tartozó frekvenciát, ami $0.269 \frac{rad}{sec}$. Ezután ezt az értéket felvetve az amplitúdó karakterisztikára megkerestem, hogy mekkora dB

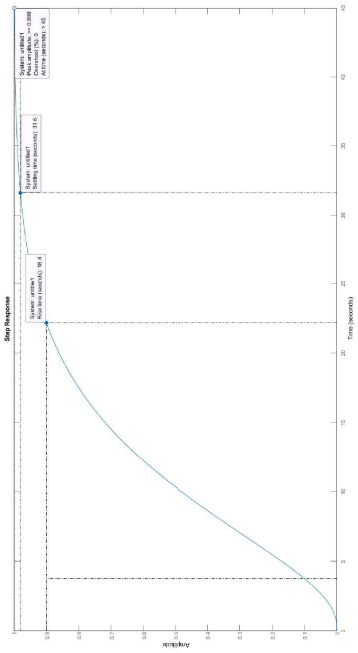
érték tartozik hozzá. Ez az érték -12.7 dB lett. Az előzőhöz hasonlóan visszszámoltam K_{PI} értéké, ami 4.3152 lett.

A gyökhelygömbén ismét megvizsgáltam, hogy mekkora az a maximális erősítés érték, aminél még az szabályozónk stabil marad.



7. ábra. PI gyökhelygömb.

Megkeresve azt a pontot ahol a függvényünk a „0” pontban metszi a tengelyt leolvasható hogy $K_{Pmax} = 28$.



8. ábra. PI ugrásválasz.

Az előző ugrásválasszal összehasonlítva látható, hogy az integráló tag hatására nagyon pontos lett a szabályozónk, hiszen miután beáll stacionárius állapotba felveszi a kívánt „1” értéket, viszont ennek az az ára, hogy sokkal lassabb felületési idővel rendelkezik [6].

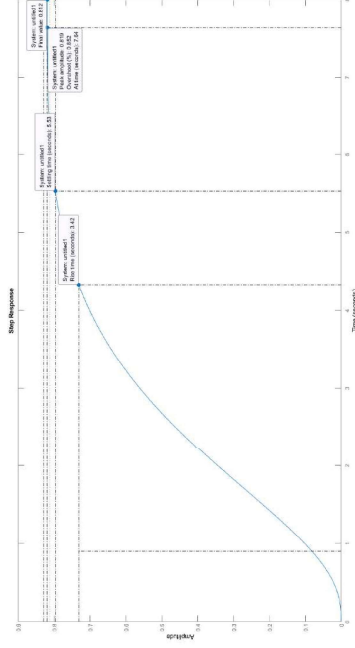
4.3. PD szabályozó

$$W_c(s) = K_{PD} * \frac{1+sT_D}{sT'D} \quad (6)$$

Látható hogy a PD szabályozót majdnem ugyan úgy kell megtervezni, mint a PI szabályozót, annyi módosítással, hogy ebben az esetben a leglomhább tagot kell kiejteni. Tehát sT_D értéke 2.9, $sT'D$ értéke pedig egy dekádálal kisebb vagyis 0.29 lesz. Így a következő függvényt kapjuk meg [7]:

$$W_c(s) = K_{PD} * \frac{1}{(1+s0.7)*(1+s11.9)} \quad (7)$$

Innentől kezdve az előzőekhez hasonlóan kell eljárunk, amit már nem részleteznék külön. A BODE diagramról megkaptam, hogy K_{PD} értéke 4.3152, a gyökhelygörbéről pedig, hogy a maximális erősítés értéke 28. Ezután megvizsgáltam az ugrásválaszt, amely a következőképp nézett ki:



9.ábra. PD ugrásválasz.

Látható, hogy egy differenciáló tag hozzáadásával ez a leggyorsabb szabályozó, ami felveszi a stacionárius értéket, viszont ennek az az ára, hogy ez sem pontos a P szabályozóhoz hasonlóan.

4.4. PID szabályozó

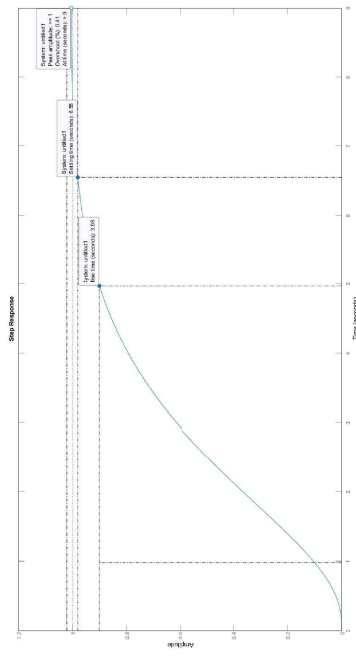
Ez a szabályozó tulajdonképpen az eddigi szabályozók összes tulajdonságával rendelkezik. Ebből az is következik, hogy mindkét módosítást egyszerre kell végrehajtani, hogy a megfelelő függvényt kapjuk. Tehát a leglomhább és a második leglomhább tagot is ki kell ejteni [8].

$$W_c(s) = K_{PID} * \frac{1+sT_i}{s} * \frac{1+sT_D}{sT'D} \quad (8)$$

Miután ezt a módosítást elvégeztük a végső függvény a következőképp néz ki:

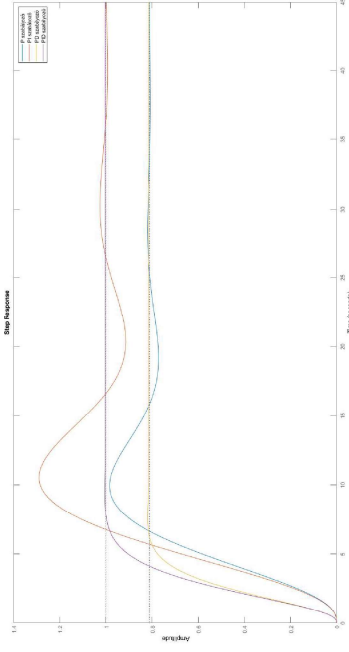
$$W_c(s) = K_{PID} * \frac{1}{s11.9*(1+s0.7)*(1+s0.29)} \quad (9)$$

Innentől kezdve az ugyanúgy járok el, mint eddig. Először is a kirajzolt BODE diagramról leolvassom a megfelelő értékeket és ezekből kiszámolom az erősítés értékét, amit 4.3152 lett. Ezután a gyökhelygörbe segítségével ennél a szabályozónál is meghatározom a maximális erősítés értékét, amelynél a még stabil marad. Ez az érték 28. Az ugrásválaszról látható hogy valóban ez a legjobb szabályozó.



10.ábra. PID ugrásválasz.

Tehát kicsi felfutási idővel rendelkezik, nincs túllövés és stationárius állapotban pontosan az „1” értékhez simul. Azért, hogy még jobban lehessen szemléltetni a négy szabályozó közötti különbséget felrajzoltam egy ábrára az összeset.



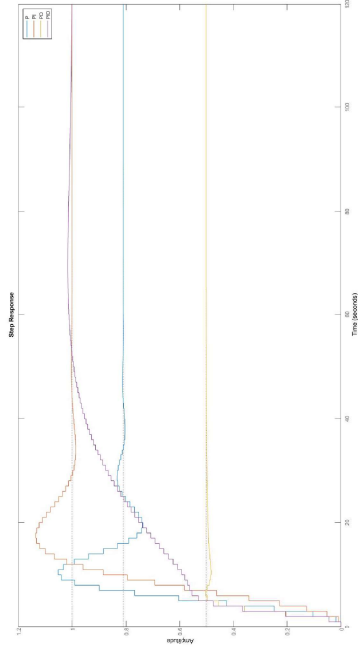
11. ábra. Összes ugrásválasz.

Összefoglalva itt egy ábrán látható, amit eddig megfigyelhettünk. A kék vonallal jelzett ugrásválasz a P szabályozó, ami nem is veszi fel az „1” értéket, de még lassú felfutási idővel és nagy túllövéssel rendelkezik. A narancssárga vonal a PI szabályozót jelöli, aminél látható, hogy valamennyivel gyorsabb és felveszi a kívánt értéket viszont sokkal nagyon túllövással rendelkezik. A PD szabályozót a citromsárga vonal jelöli, ami gyors és egyáltalán nem rendelkezik túllövéssel, viszont nem pontos. Végül a lila vonal a PID szabályozót jelöli. Ez a leggyorsabb és legpontosabb típus és természetesen ez a szabályozó sem rendelkezik túllövéssel. Végül egy táblázatban összefoglaltam a hibákat, így számokkal is látható a különbség az egyes típusok között.

	P	PI	PD	PID
Dinamikus hiba	0.215	0.29	0.03	0
Statikus hiba	0.19	0	0.188	0
Túllövés	21.4%	29%	0.852%	0.41%
2%-os beállási idő	22.9s	32.4s	5.53s	6.55s
Felfutási idő	4.2s	4.27s	3.42s	3.98s

5. Második feladat

Ez a feladat arról szól, hogy diszkrétre kellett tenni az előző feladat jeleit és úgy összehasonlítani őket. Ezt a program segítségével könnyedén megtehettük, ugyanis csak a c2d parancsot kellett beírni a függvény elé és az ugrásválasztan is ugyanezt kellett tenni [3].



12. ábra. Összes ugrásválasz.

Ezen kívül még meg kellett adni a mintavételezési időt. Ez azt határozza meg, hogy mennyire legyen „sima” a jel. Minél kisebb mintavételezési időt választunk, annál jobban fog hasonlítani a folytonos jelhez.

	P	PI	PD	PID
Dinamikus hiba	0.29	0.13	0.004	0.02
Statikus hiba	0.19	0	0.5	0
Túllövés	29.7%	13.5%	0.496%	1.55%
2%-os beállási idő	30.5s	26.3s	15.9s	45.4s
Felfutási idő	4.04s	7.58s	2.92s	31.2s

6. Harmadik feladat

Ebben a feladatban is diszkrét idejű szabályozói kellett készíteni, viszont nem folytonos hanem diszkrét idejű modellt feltételezve, szintén adott fázisstartalékra, ahol $W(z)$ előállítás $W(s)$ alapján történik a kiválasztott mintavételi periódusidőt felhasználva. A $W(s)$ függvény diszkrét alakját úgy tudtam meghatározni, hogy Command Window-ba beírtam a `Wp_d` parancsot és kiadta a következő függvényt [3]:

```
>> Wp_d
Wp_d =
    0.004471 z^2 + 0.01163 z + 0.001774
-----
    z^3 - 1.867 z^2 + 1.041 z - 0.1561

Sample time: 1 seconds
Discrete-time transfer function.

13.ábra. Wp_d függvény.
```

$W(z)$ függvény meghatározásához szükség volt a feladatban megadott 3 idő időtagra.

$$T1 = 0.7s \quad T2 = 2.9s \quad T3 = 11.9s$$

Ezután a nevezőt teljes szorzattá kellett alakítani, hogy el tudjam végezni az első feladatban alkalmazott pólsuktejtést.

$$W_{PI}(z) = K_{PI} * \frac{z - z_1}{z - 1} \quad (10)$$

Ebből z_1 értéke a következőképp határozható meg:

$$z_1 = e^{-\frac{1}{11.9}} = 0.9194 \quad (11)$$

Ezzel a módszerrel a többi tag is kifejezhető:

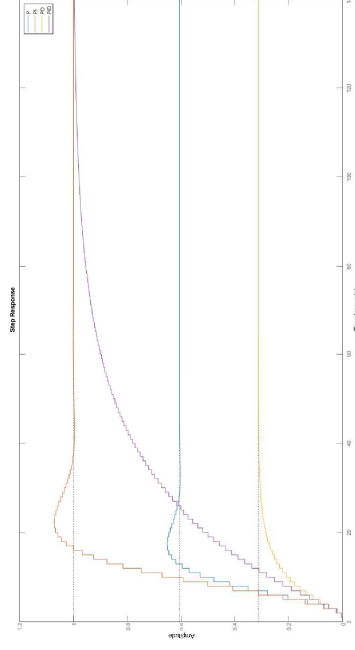
$$W_{PD}(z) = K_{PD} * \frac{z - z_D}{z} \quad (12)$$

$$z_D = e^{-\frac{1}{2.9}} = 0.7083 \quad (13)$$

Ezekkel az adatokkal végül így néz ki a $W(z)$ függvény:

$$W(z) = \frac{0.004471 * z^2 + 0.01163 * z + 0.1163}{(z - 0.9194) * (z - 0.7083) * (z - 0.2397)} \quad (14)$$

Innentől kezdve a megoldás menete ugyan az mint az első feladatnál. Minden egyes szabályozónál meg kellett vizsgálni a BODE diagramot és onnan meghatározni az erősítés értékeket.



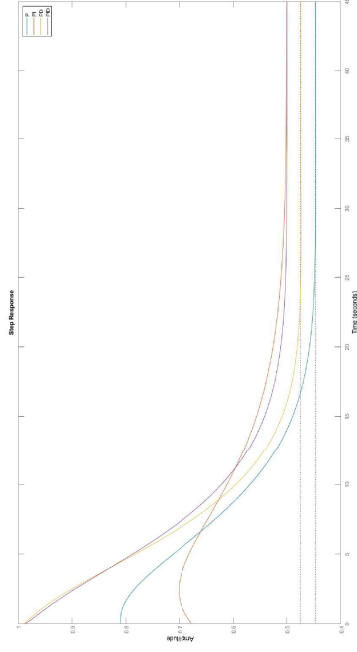
14.ábra. Összes ugrásválasz

Itt látható, hogy valamennyire elértő értékeket kapunk, mint az első feladatban. Az eltéréseket az alábbi táblázat mutatja be.

	P	PI	PD	PID
Dinamikus hiba	0.074	0	0	0.01
Statisztikus hiba	0.392	0	0.689	0
Túllövés	7.39%	0%	0%	0%
2%-os beállási idő	24.2s	137s	30.8s	100s
Felfutási idő	7.72s	56.7s	16.5s	55.5s

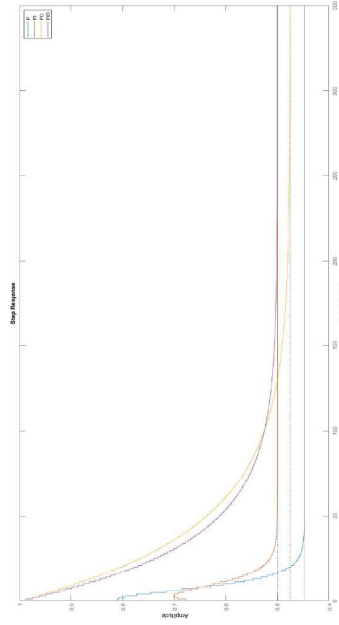
7. Negyedik feladat

Ebben a feladatban módosítani kellett az első és második feladatban kapott eredményeket, úgy hogy a beavatkozó jel ne legyen nagyobb az előírt $u(0) = 5.2$ értéknél [2].



15. ábra. Folytonos beavatkozó jelek.

Látható az (ábra) alapján hogy egyik beavatkozó jel sem haladja meg az előírt 5.2 értéket így egyik szabályozónál sem volt szükség módosításra.



16. ábra. Diszkrét beavatkozó jelek.

A diszkrét beavatkozó jelek sem haladják meg az előírt értéket, így itt sem volt arra szükség, hogy módosítsuk a feladatot.

Forráskód

Első feladat

```

clear all
s = tf(1,s);
Rp = 1 / (1+0.7*s) * (1+2.9*s) * (1+11.9*s);
%% P szabályozó
Rg = 1;
Kp = 4.2657;
Wo = Rp * Kp;
bode(Wo);
zlocus(Wo);
stepplot(feedback(Wo,1));
%% PI szabályozó
Rg1 = 1;
Kp1 = 4.3152;
PI = (1 + 11.9 * s) / (11.9 * s);
Wo = PI * Kp;
bode(Wo);
zlocus(Wo);
stepplot(feedback(Wo,1));
%% PD szabályozó
Rg2 = 1;
Kp2 = 4.3152;
PD = (1 + 2.9 * s) / (1 + 0.29 * s);
Wo = Rg2 * PD * Kp;
bode(Wo);
zlocus(Wo);
stepplot(feedback(Wo,1));
%% PID szabályozó
Rgpid = 1;
Kp3 = 4.3152;
PID = (1 + 11.9 * s) / (11.9 * s) * (1 + 2.9 * s) / (1 + 0.29 * s);
Wo = Rgpid * PID * Kp;
bode(Wo);
zlocus(Wo);
stepplot(feedback(Wo,1));
%% 1. Feladat vég
stepplot(feedback(Rp * Wo,1), feedback(Rg1 * PI * Wo,1), feedback(Rg2 * PD * Wo,1), feedback(Rgpid * PID * Wo,1));

```

Második feladat

```

%% 2. Feladat
Ts = 1;
Wp_d = c2d(Rp, Ts);
%% P szabályozó
Rg = 1;
stepplot(feedback(Wp_d,1));
%% PI szabályozó
Rg1 = 1;
stepplot(feedback(c2d(PI, Ts) * Rg1 * Wp_d,1));
%% PD szabályozó
Rg2 = 1;
stepplot(feedback(c2d(PD, Ts) * Wp_d,1));
%% PID szabályozó
Rgpid = 1;
stepplot(feedback(c2d(PID, Ts) * Rgpid * Wp_d,1), feedback(c2d(PID, Ts) * Wp_d,1));

```

Harmadik feladat

```

%% 3 Feladat
clc; clear all
z = tf('s');
Wz = (0.004471 * z^2) + (0.01163 * z) + (0.01163) / ((z - 0.9194) * (z - 0.7083) * (z - 0.2397));
%% P szabályozó
Kp = 1;
%Kp = 912.0108;
%Kp = Kp * Wz;
%%
bode(Wz);
%%
stepplot(feedback(Wz, 1));
%% PI szabályozó
%Kpi = 1;
%Kpi = 1;
PI_d = (z - 0.9194) / (z - 1);
%Kp = PI_d * Wz;
bode(Wz);
stepplot(feedback(PI_d * Wz, 1));
%% PD szabályozó
%Kpd = 1;
%Kpd = 543.25;
PD_d = (z - 0.7083) / z;
%Kp = PD_d * Wz;
bode(Wz);
stepplot(feedback(PD_d * Wz, 1));
%% PID szabályozó
%Kpid = 1;
%Kpid = 562.34;
PID_d = ((z - 0.9194) / (z - 1)) * (z - 0.7083) / z;
%Kp = PID_d * Wz;
bode(Wz);
stepplot(feedback(PID_d * Wz, 1));
%% 3. Feladat vége
stepplot(feedback(Wz, 1), feedback(PI_d * Wz, 1), feedback(PD_d * Wz, 1), feedback(PID_d * Wz, 1));

```

Negyedik feladat

```

%% 4. Feladat
% Első feladat kiegészítése
clear all
s = tf('s');
Wp = 2 / ((1+0.7*s)*(1+2.9*s)*(1+11.9*s));
%% P szabályozó
%Kp = 4.2657;
%Kp = Kp * Wp;
%Kc = Kp;
Up = Wc / (1 + Wc * Wp);
stepplot(feedback(Up, 1));
%% PI szabályozó
%Kci = 1;
Kpi = 2.0965;
PI = (1 + 11.9 * s) / (11.9 * s);
%Kp = PI * Wp;
%Kc = PI * Kci;
Upi = Wc / (1 + Wc * Wp);
stepplot(feedback(Upi, 1));
%% PD szabályozó
%Kpd = 1;
Kpd = 9.5499;
PD = (1 + 2.9 * s) / (1 + 0.29 * s);
%Kc = Kpd * PD * Wp;
%Kc = PD * Kpd;
Upd = Wc / (1 + Wc * Wp);
stepplot(feedback(Upd, 1));
%% PID szabályozó
%Kpid = 1;
Kpid = 7.4999;
PID = (1 + 11.9 * s) / (11.9 * s) * (1 + 2.9 * s) / (1 + 0.29 * s);
%Kc = Kpid * PID * Wp;
%Kc = PID * Kpid;
Upid = Wc / (1 + Wc * Wp);
stepplot(feedback(Upid, 1));
%% Beavatkozó jelek
% Beavatkozó jelek
% Munka feladat kiegészítése
% s = 1;
% Wp_d = c2d(Wp, Ts);
stepplot(feedback(c2d(Up, Ts), 1), feedback(c2d(Upi, Ts), 1), feedback(c2d(Upd, Ts), 1), feedback(c2d(Upid, Ts), 1));

```